

PC-10004/NL

X-1/2111

BUSINESS MATHEMATICS-103

(Semester-I)

Time : Three Hours]

[Maximum Marks : 60

Note : Attempt *two* questions each from Section A & B carrying 10 marks each and the entire Section C consisting of 10 short answer type questions carrying 2 marks each.

SECTION—A

I. Check $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ be the function defined by $f(x) = 3x + 4, x \in \mathbb{R}$ is invertible. If yes, find its inverse.

II. If $A = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 5 & 0 \end{bmatrix}$ and $B = \begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 6 & 2 \end{bmatrix}$, verify that :

$$(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}.$$

III. (a) A and B are symmetric. Show that AB is symmetric
 $\Leftrightarrow AB = BA.$

- (b) Use matrix method to show that the system of equation :

$$2x + 5y = 7$$

$$6x + 15y = 13$$

is inconsistent.

- IV. If $x = \frac{1 + \log t}{t^2}$ and $y = \frac{3 + 2 \log t}{t}$, $t > 0$, then show that :

$$y \left(\frac{dy}{dx} \right) = 2x \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 + 1.$$

SECTION—B

- V. Use the graphical method to solve the LPP :

$$\text{Max } Z = 2x_1 + 3x_2$$

$$\text{S.t. Constraints } x_1 + x_2 \leq 30$$

$$x_2 \geq 3$$

$$x_2 \leq 12$$

$$x_1 - x_2 \geq 0$$

$$x_1 \leq 20$$

$$\text{where } x_1, x_2 \geq 0$$

- VI. Find the assignment of men to jobs that will minimize the total time as :

		Jobs			
		J ₁	J ₂	J ₃	J ₄
Men	M ₁	8	26	17	11
	M ₂	13	28	7	26
	M ₃	38	19	18	15
	M ₄	19	26	24	10

- VII. Solve the following by using VAM method :

Origin	Destinations				Supply
	1	2	3	4	
1	20	22	17	4	120
2	24	37	9	7	70
3	32	37	20	15	50
Demand	60	40	30	110	240

- VIII. Define Hungarian method to solve assignment problem.

SECTION—C

(Compulsory Question)

- IX. Write brief answers of the following :

1. Define Inverse function.

2. If $AB = A$ and $BA = B$, show that A and B are idempotent.
3. Explain Mathematical statement of assignment problem.
4. What are Slack and Surplus variable?
5. Differentiate w.r.t.x, $\log\left(x + \sqrt{a^2 + x^2}\right)$.
6. Find inverse of $\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$.
7. If $A = \begin{bmatrix} 10 & 11 \\ 15 & 17 \end{bmatrix}$, show that $A + A^T$ is symmetric.
8. If $y = \sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x + \dots + \infty}}}$, show that :

$$(2y-1)\frac{dy}{dx} = 1.$$
9. Find domain and range of function $f(x) = \sqrt{9 - x^2}$.
10. If $A = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$ and $B = [5 \ 6 \ 7 \ 8]$, then if defined.

Find the matrix AB and BA and show that $AB \neq BA$.

PUNJABI VERSION

ਨੋਟ : ਭਾਗ A ਅਤੇ B ਵਿਚੋਂ ਦੋ-ਦੋ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਕਰੋ। ਹਰੇਕ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਦੇ 10 ਅੰਕ ਹਨ। ਭਾਗ C ਸਾਰਾ ਕਰੋ। ਇਸ ਵਿਚ 10 ਸੰਖੇਪ ਉੱਤਰ ਵਾਲੇ ਪ੍ਰਸ਼ਨ 2-2 ਅੰਕਾਂ ਦੇ ਹਨ।

ਭਾਗ—A

I. ਪਰਖ ਕਰੋ ਕਿ $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ਦਾ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਾਰਜ $f(x) = 3x + 4, x \in \mathbb{R}$ ਇਨਵਰਟੀਬਲ ਹੈ। ਜੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਸ ਦੇ ਉਲਟ ਦਾ ਪਤਾ ਲਾਓ।

II. ਜੇ $A = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 5 & 0 \end{bmatrix}$ ਅਤੇ $B = \begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 6 & 2 \end{bmatrix}$, ਤਾਂ ਪੁਸ਼ਟ ਕਰੋ ਕਿ:

$$(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}.$$

III. (a) A ਅਤੇ B ਸਮਿਟਰਿਕ ਹਨ। ਦਿਖਾਓ ਕਿ AB ਸਮਿਟਰਿਕ
 $\Leftrightarrow AB = BA$.

(b) ਮੈਟਰਿਕਸ ਵਿਧੀ ਵਰਤ ਕੇ ਦਰਸਾਓ ਕਿ ਈਕੁਏਸ਼ਨ ਦੀ ਪ੍ਰਣਾਲੀ

$$2x + 5y = 7$$

$$6x + 15y = 13$$

ਸਥਿਰ ਨਹੀਂ ਹੈ।

IV. जैसे $x = \frac{1 + \log t}{t^2}$ and $y = \frac{3 + 2 \log t}{t}$, $t > 0$, सिध्हाएँ :

$$y \left(\frac{dy}{dx} \right) = 2x \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 + 1.$$

भाग—B

V. ग्राफीकल विधि वरत के LPP हॉल करें :

$$\text{Max } Z = 2x_1 + 3x_2$$

$$\text{S.t. Constraints} \quad x_1 + x_2 \leq 30$$

$$x_2 \geq 3$$

$$x_2 \leq 12$$

$$x_1 - x_2 \geq 0$$

$$x_1 \leq 20$$

$$\text{where } x_1, x_2 \geq 0.$$

VI. कामियां नुस्खा अनुसार दिए गए नाल सिद्ध कि कम नुस्खा घट तो घट समां लगे :

		Jobs			
		J ₁	J ₂	J ₃	J ₄
	M ₁	8	26	17	11
	M ₂	13	28	7	26
Men	M ₃	38	19	18	15
	M ₄	19	26	24	10

VII. ਨਿਮਨ-ਦਰਜ ਨੂੰ VAM ਵਿਧੀ ਵਰਤ ਕੇ ਹੱਲ ਕਰੋ :

Destinations

Origin	1	2	3	4	Supply
1	20	22	17	4	120
2	24	37	9	7	70
3	32	37	20	15	50
Demand	60	40	30	110	240

VIII. ਅਸਾਈਨਮੈਂਟ ਸਮੱਸਿਆ ਹੱਲ ਕਰਨ ਦੀ ਹੰਗਰੀਅਨ ਵਿਧੀ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰੋ।

ਭਾਗ—C

(ਲਾਜ਼ਮੀ ਪ੍ਰਸ਼ਨ)

IX. ਹੇਠ ਲਿਖਿਆਂ ਦੇ ਸੰਬੰਧ ਉੱਤਰ ਲਿਖੋ :

1. ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰੋ।
2. ਜੇ $AB = A$ ਅਤੇ $BA = B$, ਤਾਂ ਸਿੱਧ ਕਰੋ ਕਿ A ਅਤੇ B ਆਈਡੀਮਪੋਟੈਂਟ ਹਨ।
3. ਅਸਾਈਨਮੈਂਟ ਸਮੱਸਿਆ ਦਾ ਗਣਿਤਾਤਮਕ ਕਥਨ ਸਪਸ਼ਟ ਕਰੋ।
4. ਸਲੇਕ ਅਤੇ ਸਰਪਲੱਸ ਵੇਰੀਏਬਲ ਕੀ ਹੁੰਦੇ ਹਨ?
5. ਅੰਤਰ ਸਪਸ਼ਟ ਕਰੋ w.r.t.x, $\log\left(x + \sqrt{a^2 + x^2}\right)$.

6. $\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$ ਦੇ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਪਤਾ ਲਾਓ।
7. ਜੇ $A = \begin{bmatrix} 10 & 11 \\ 15 & 17 \end{bmatrix}$, ਤਾਂ ਸਿੱਧ ਕਰੋ $A + A'$ ਸਮਿਟਰਿਕ ਹੈ।
8. ਜੇ $y = \sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x + \dots \infty}}}$, ਤਾਂ ਸਿੱਧ ਕਰੋ :
- $$(2y-1) \frac{dy}{dx} = 1.$$
9. $f(x) = \sqrt{9-x^2}$ ਦੀ ਡੋਮੇਨ ਅਤੇ ਰੈਂਜ ਦਾ ਪਤਾ ਲਾਓ।
10. ਜੇ $A = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$ ਅਤੇ $B = [5 \ 6 \ 7 \ 8]$, ਤਾਂ ਜੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ
 ਕੀਤਾ ਜਾਵੇ ਤਾਂ AB ਅਤੇ BA ਮੈਟਰਿਕਸ ਦਾ ਪਤਾ ਲਾਓ
 ਅਤੇ ਸਿੱਧ ਕਰੋ ਕਿ $AB \neq BA$ ਹੁੰਦੀ ਹੈ।
-